

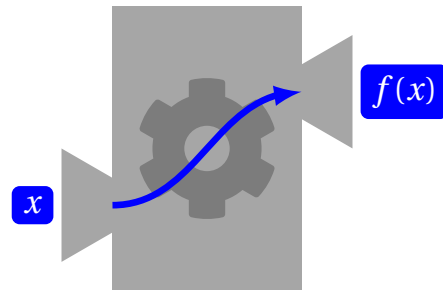
Généralités sur les fonctions

Plan du chapitre

I Vocabulaire.....	2
II Courbe représentative	3
A - Définition et propriétés	3
B - Méthode pour la tracer	6
C - Fonction paire et fonction impaire.....	6
III Variation d'une fonction	9
IV Résolution graphique d'une équation	11
A - Équation du type : $f(x) = k$	11
B - Équation du type : $f(x) = g(x)$	12
C - Inéquation du type : $f(x) < k$	14
D - Inéquation du type : $f(x) < g(x)$	15
V Exercices	17
A - Images - antécédents.....	17
B - Courbe représentative	17
C - Fonction paire - fonction impaire.....	19
D - Variation d'une fonction	20
E - Résolution graphique	22
F - Problème	22

Introduction

Dans



Partie I Vocabulaire

Dans la suite, $\mathcal{D}$ désigne un intervalle ou une réunion d'intervalles de $\mathbb{R}$.

Définition 1 : Fonction

Définir une **fonction** f sur et à valeurs, c'est à chaque réel $x \in \dots$ un noté

On note alors :

$$\begin{aligned} \dots : \dots &\longrightarrow \dots \\ \dots &\longmapsto \dots \end{aligned}$$

se lit « »

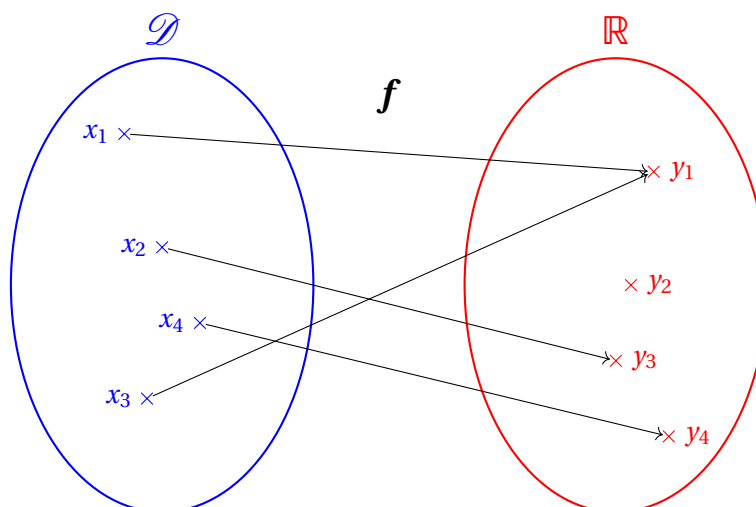
L'ensemble $\mathcal{D}$ est appelé de la fonction f .

Le nombre réel $f(x)$ est appelé par la fonction f .

Lorsque $y = f(x)$, on dit que x est **un** par la fonction f .

Point chaud : Chaque réel $x \in \mathcal{D}$ a **une et une seule image** par une fonction !

Contrairement à $y \in \mathbb{R}$ qui lui peut avoir plusieurs antécédents et même aucun antécédent par une fonction.



..... flèche part de chaque élément de $\mathcal{D}$ mais plusieurs, et même aucune, flèche peuvent arriver sur chaque élément de $\mathbb{R}$.

Exemple :• **Fonction définie à l'aide d'une**

Considérons la fonction f définie par $f(x) = \frac{1}{x}$. L'ensemble de définition de f est :

Considérons la fonction g définie par : $g(x) = \sqrt{x}$. L'ensemble de définition de g est : $[0, +\infty[$.

• **Fonction définie à l'aide d'un**

x	-3	-1	-0,5	0	2	7
$h(x)$	4	1,7	-6	1	1,7	5

On vient ainsi de définir une fonction h , on peut alors affirmer que :

- L'image de -3 par la fonction h est
- L'antécédent de 1 par la fonction h est
- 1,7 possède antécédents par la fonction h , ce sont et
- D'après le tableau, 0 possède antécédent.

• **Fonction définie à l'aide d'un**

Considérons la fonction j définie par l'algorithme suivant :

1. Choisir un nombre;
2. Ajouter 1;
3. Élever le tout au carré;
4. Retirer 2 au résultat obtenu.

On a alors que l'image 2 par la fonction j est

Partie II Courbe représentative**A - Définition et propriétés****Définition 2 : Courbe représentative**

Soit f une fonction définie sur un ensemble $\mathcal{D}$ de $\mathbb{R}$.

On appelle **courbe représentative** ou graphe de f , l'ensemble des points du plan de coordonnées (x, y) où

x et y

On note alors :

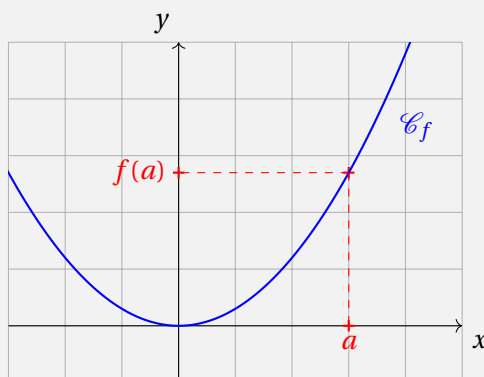
$\mathcal{C}_f = \dots\dots\dots$

On dit que la courbe $\mathcal{C}_f$ a pour équation

Méthode 1 : Déterminer graphique des images

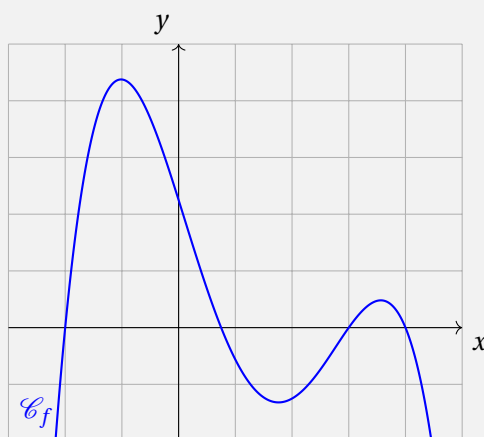
Si on souhaite déterminer l'image de a par la fonction f , à partir du graphe de la fonction f , il faut :

1. On place a sur
2. On trace passant par $(a, 0)$;
3. On repère alors;
4. Puis on trace passant par ce point d'intersection;
5. Il nous suffit alors de lire l'image sur l'axe des ordonnées.



✂ À savoir faire 1 : Déterminer graphiquement l'image d'un nombre

On trace, ci-dessous, le graphe d'une fonction f dans un repère :

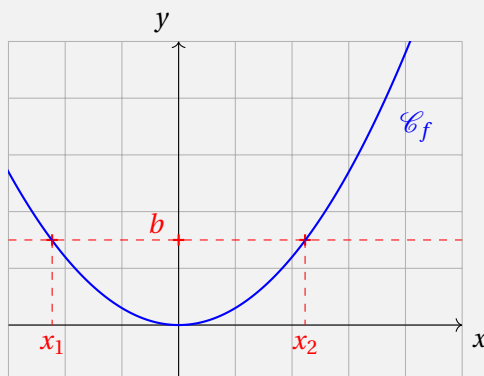


Déterminer graphiquement l'image de 2 par la fonction f .

Méthode 2 : Déterminer graphique les antécédents

Si on souhaite déterminer l'image de b par la fonction f , à partir du graphe de la fonction f , il faut :

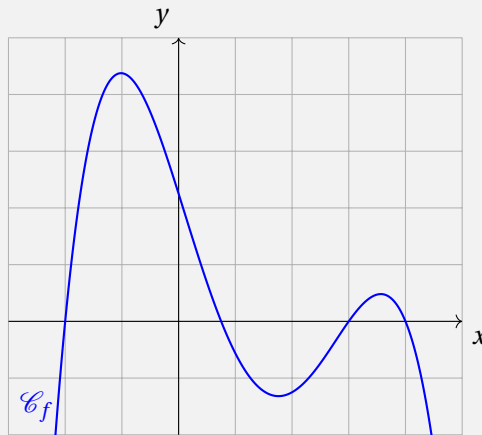
1. On place b sur
2. On trace passant par $(0, b)$;
3. On repère alors
4. Puis on trace passant par ces points d'intersection;
5. Il nous suffit alors de lire les différents antécédents sur l'axe des abscisses.



Ici on peut affirmer que x_1 et x_2 sont deux antécédents de b par la fonction f .

✂ À savoir faire 2 : Déterminer graphiquement les antécédents d'un nombre

On trace, ci-dessous, le graphe d'une fonction f dans un repère :



Déterminer graphiquement le nombre d'antécédents de -1 par la fonction f . Donner approximativement les antécédents de -1 par la fonction f .

.....

.....

.....

⚠ Attention : La lecture graphique n'est pas toujours exacte. Les déterminations graphique des images et antécédents peuvent être imprécises.

Propriété 1 : Point de la courbe

Un point $M(x, y)$ appartient à la courbe de f si, et seulement si :

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{.....} \\ \text{.....} \end{array} \right.$$

✂ À savoir faire 3 : Savoir si un point appartient à une courbe

Considérons la fonction p définie de la façon suivante :

$$\begin{array}{lcl} p: & \mathbb{R} & \longrightarrow \mathbb{R} \\ & x & \longmapsto x^2 - 1 \end{array}$$

Déterminer si les points $A(2, 3)$ et $B(1, 2)$ appartiennent à la courbe représentative $\mathcal{C}_f$ de la fonction f .

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

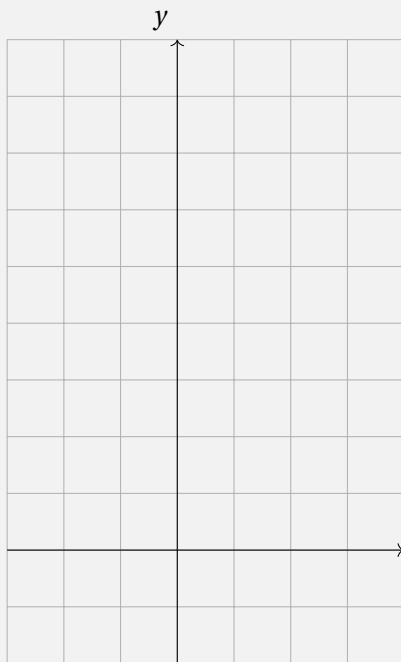
.....

B - Méthode pour la tracer

Méthode 3 : Tracer le graphe d'une fonction

1. On construit un tableau de valeurs avec un nombre assez important d'antécédents;
2. On place les points correspondants dans le repère et on relie les points en « lissant » la courbe.

À savoir faire 4 : Tracer la courbe d'une fonction donnée



Considérons la fonction p définie de la façon suivante :

$$\begin{aligned} p: \mathbb{R} &\longrightarrow \mathbb{R} \\ x &\longmapsto x^2 - 1 \end{aligned}$$

Compléter le tableau de valeurs suivants, puis tracer la courbe de p .

x	-2	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3
$p(x)$											

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

C - Fonction paire et fonction impaire

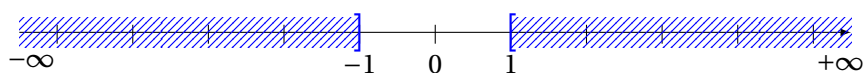
Définition 3 : Paire - impaire

Soit f une fonction définie sur $\mathcal{D}_f$.

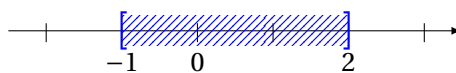
- f est **paire**, si pour tout $x \in \mathcal{D}_f$ on a et
- f est **impaire**, si pour tout $x \in \mathcal{D}_f$ on a et

🔦 **À retenir :** Une des conditions pour être une fonction paire ou impaire est que si $x \in \mathcal{D}_f$ alors $-x \in \mathcal{D}_f$, on pourra retenir que le domaine de définition de la fonction f , doit être

- L'intervalle $] -\infty, -1] \cup [1, +\infty[$ est symétrique par rapport à 0.



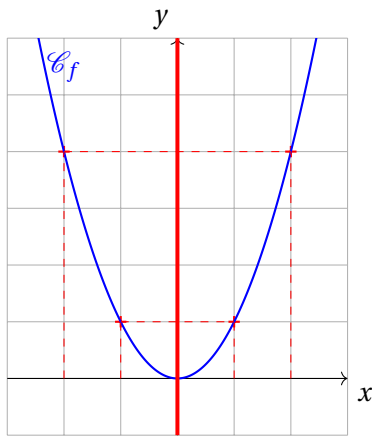
- L'intervalle $[-1, 2]$ n'est pas symétrique par rapport à 0.



en effet on a $2 \in \mathcal{D}_f$ mais $-2 \notin \mathcal{D}_f$.

Exemple :

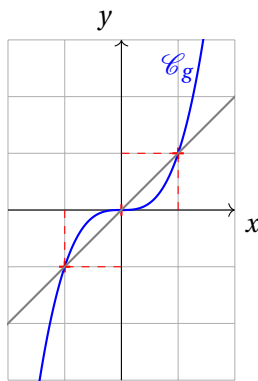
- Considérons la fonction $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto x^2$



Dans ce repère orthonormé nous avons représenté la courbe de la fonction carré, $x \mapsto x^2$.

Nous avons montré que la fonction carré est paire sur $\mathbb{R}$ et de ce fait nous remarquons bien que sa courbe représentative $\mathcal{C}_f$ est symétrique par rapport à l'axe des ordonnées.

- Considérons la fonction $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto x^3$

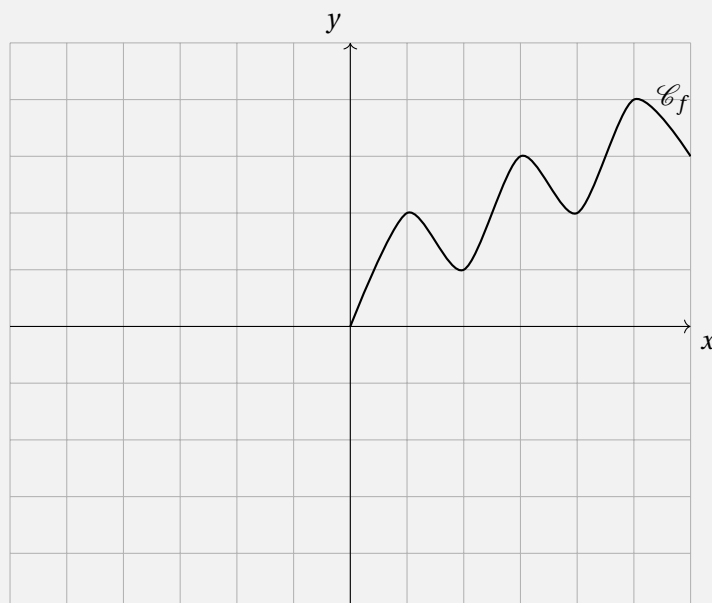


Dans ce repère orthonormé nous avons représenté la courbe de la fonction cube, $x \mapsto x^3$.

Nous avons montré que la fonction cube est impaire sur $\mathbb{R}$ et de ce fait nous remarquons bien que sa courbe représentative $\mathcal{C}_g$ est symétrique par rapport à l'origine du repère. En effet, l'origine du repère appartient bien à la droite passant par les points $(-1, g(-1))$ et $(1, g(1))$.

✂ À savoir faire 6 : Compléter un tracer

- Compléter en bleu le graphe ci-dessous afin que f soit une fonction paire.
- Compléter en rouge le graphe ci-dessous afin que f soit une fonction impaire.



Partie III Variation d'une fonction

Définition 4 : Croissante - décroissante

Considérons une fonction f définie sur un intervalle I .

On dit alors que :

- f est **croissante** sur I si pour tout $x_1, x_2 \in I$ tels que :

Si alors

- f est **décroissante** sur I si pour tout $x_1, x_2 \in I$ tels que :

Si alors

✂ À savoir faire 7 : Montrer qu'une fonction est croissante/ décroissante

1. Montrer que la fonction $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto 2x+3$ est croissante sur $\mathbb{R}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2. Montrer que la fonction $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto -3x+1$ est croissante sur $\mathbb{R}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

💡 **À retenir :** On retiendra que pour une fonction croissante l'ordre des antécédents pour les images.
 Au contraire une fonction décroissante l'ordre des antécédents pour les images.

Définition 5 : Constante

Considérons une fonction f définie sur un intervalle I .

On dit alors que f est **constante** sur I si pour tout $x_1, x_2 \in I$

Si alors

Exemple :

La fonction $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto 37$ est constante sur $\mathbb{R}$.

En effet pour $x_1, x_2 \in \mathbb{R}$ tels que :

$$x_1 \leq x_2$$

On a alors :

.....

Information : Tableau de variation d'une fonction

De la même manière que l'on peut reporter les informations du signe d'une fonction dans un tableau de signes, nous allons reporter les informations de variations d'une fonction dans un **tableau de variation**.

Considérons une fonction :

$$f: \mathbb{R} \setminus \{-1\} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto f(x)$$

tel que :

- f est définie sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, on dira que -1 est une valeur interdite de f ;
- f est croissante sur $] -\infty, -1[\cup]5, +\infty[$;
- f est décroissante sur $] -1, 5]$.

Toutes ces informations peuvent être condensé dans un tableau de variation :

x	$-\infty$	-1	5	$+\infty$
Variations de f	↗		↘ $f(5)$ ↗	

Un tableau de variation d'une fonction f définie sur un intervalle I est un tableau à double entrée dans lequel on représente par des flèches le sens de variation de f sur des sous-intervalles de I .

Une double barre signifie une valeur interdite pour f .

Attention : « Variations de f »

Ce sont les variations de la fonction f et non les variations, du nombre réel, $f(x)$.

Définition 6 : Minimum - maximum

Considérons une fonction f définie sur un intervalle I .

- Une fonction f admet un **minimum** en a sur I ,

si alors

On dira alors que le minimum de f sur I est $f(a)$ atteint en $x = a$, on notera :

.....

- Une fonction f admet un **maximum** en a sur I ,

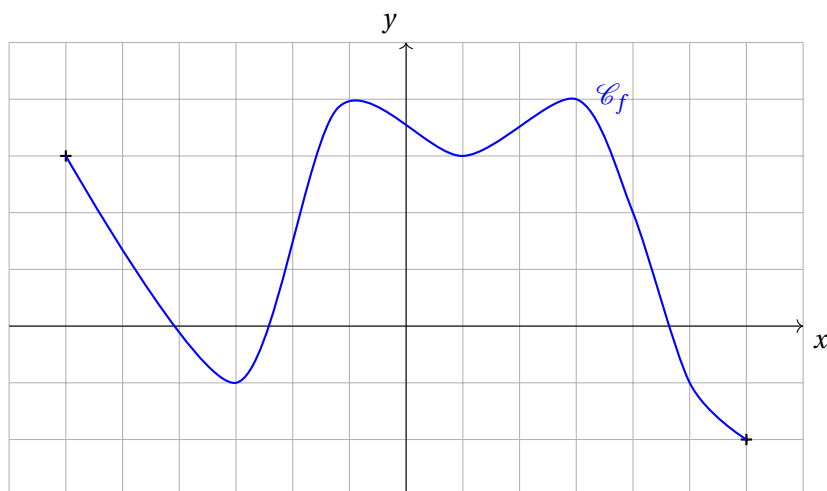
si alors

On dira alors que le maximum de f sur I est $f(a)$ atteint en $x = a$, on notera :

.....

Exemple :

Considérons le graphe d'une fonction f , ci-dessous dans un repère orthonormé.



On peut alors noter que :

- f est définie sur
- $\min_{x \in I} (f(x)) = \dots\dots$
- $\max_{x \in I} (f(x)) = \dots\dots$

Partie IV Résolution graphique d'une équation

Dans cette partie considérons deux fonctions f et g , de représentation graphique respectives $\mathcal{C}_f$ et $\mathcal{C}_g$, de plus k sera une constante réelle.

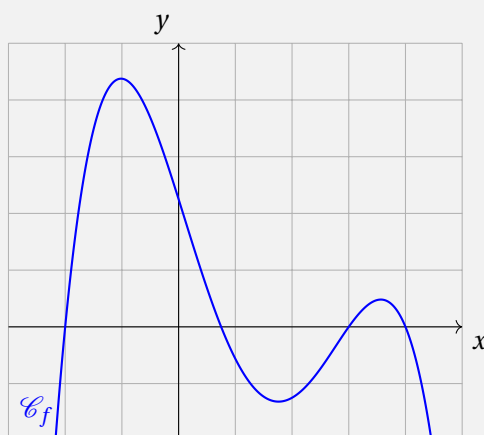
A - Équation du type : $f(x) = k$

Propriété 3 : Résolution graphique de : $f(x) = k$

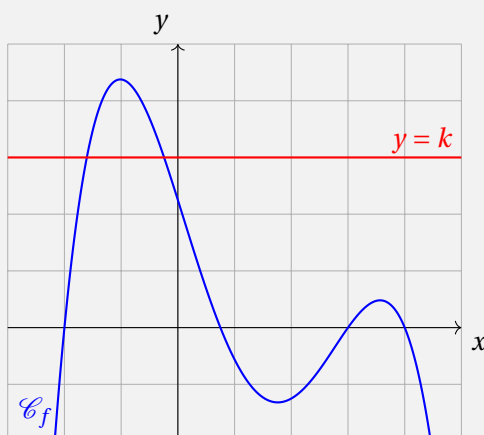
Les solutions de l'équation $f(x) = k$ sont les entre

Méthode 4 : Résolution graphique de : $f(x) = k$

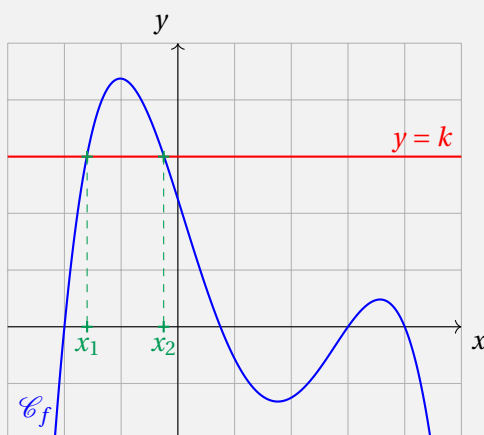
Si on souhaite résoudre graphiquement l'équation $f(x) = k$.



1. **Première étape :** On trace



2. **Deuxième étape :** On repère alors et on détermine les



3. **Troisième étape :** On note alors :

.....

$S = \dots\dots\dots$

B - Équation du type : $f(x) = g(x)$

Propriété 4 : Résolution graphique de : $f(x) = g(x)$

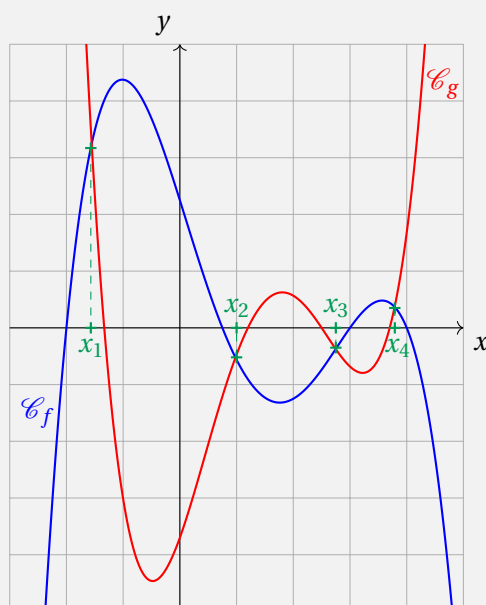
Les solutions de l'équation $f(x) = g(x)$ sont les entre

Méthode 5 : Résolution graphique de : $f(x) = g(x)$

Si on souhaite résoudre graphiquement l'équation $f(x) = g(x)$.



1. **Première étape :** On repère alors et on détermine



2. **Deuxième étape :** On note alors :

.....

$S = \dots\dots\dots$

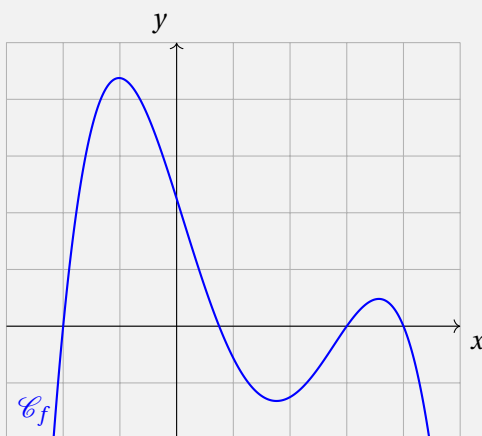
C - Inéquation du type : $f(x) < k$

Propriété 5 : Résolution graphique de : $f(x) < k$

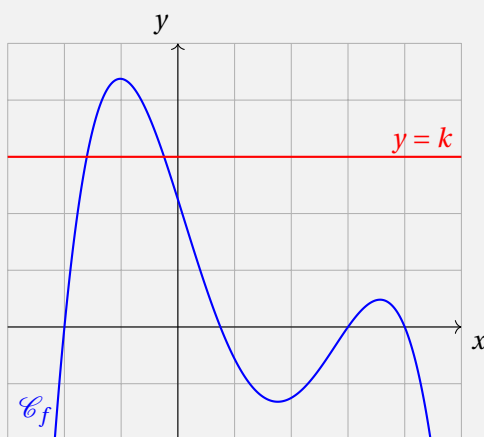
Les solutions de l'inéquation $f(x) < k$ sont les situés

Méthode 6 : Résolution graphique de : $f(x) < k$

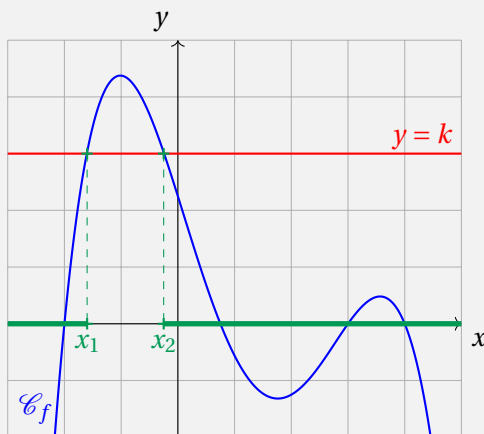
Si on souhaite résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) < k$.



1. **Première étape :** On trace



2. **Deuxième étape :** On repère alors, puis on détermine



3. **Troisième étape :** On note alors :

.....

$S = \dots\dots\dots$

⚠ Attention : Étude des bornes

Ici on a $f(x_1) = f(x_2) = k$ donc on dans l'ensemble de solution. Cependant, dans le cas d'inéquation large (c'est-à-dire : $\leq$, $\geq$) on conserverait x_1 et x_2 .

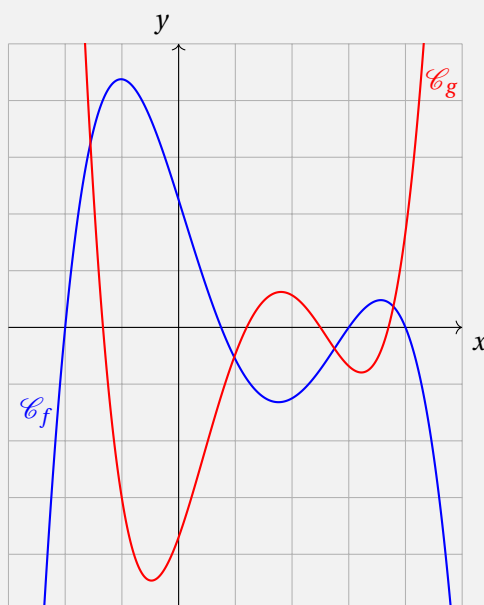
D - Inéquation du type : $f(x) < g(x)$

Propriété 6 : Résolution graphique de : $f(x) < g(x)$

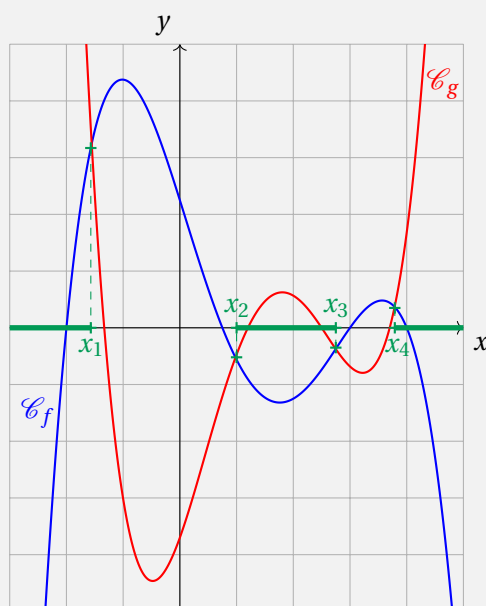
Les solutions de l'inéquation $f(x) < g(x)$ sont les

Méthode 7 : Résolution graphique de : $f(x) < g(x)$

Si on souhaite résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) < g(x)$.



1. **Première étape :** On repère alors
, puis on détermine de ces points.



2. **Deuxième étape :** On note alors :

.....

$S = \dots\dots\dots$

⚠ Attention : Étude des bornes

Ici on a $f(x_1) = g(x_1), \dots$ donc on ne conserve ni x_1 , ni x_2 , ni x_3 , ni x_4 dans l'ensemble de solution. Cependant, dans le cas d'inéquation large (c'est-à-dire : $\leq, \geq$) on conserverait x_1, x_2, x_3 et x_4 .

Partie V Exercices

A - Images - antécédents

★★★☆☆ EXERCICE 1 (Détermination) ⌚

Considérons la fonction suivante :

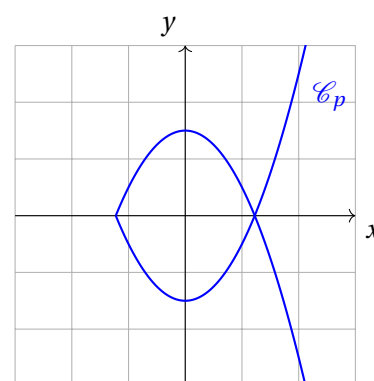
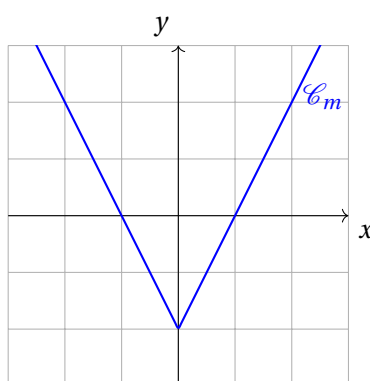
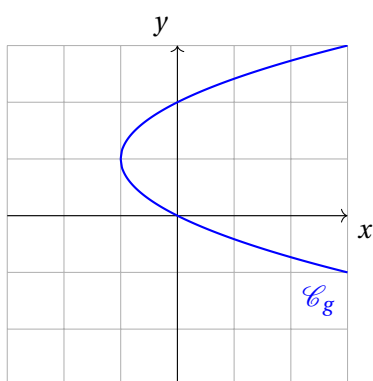
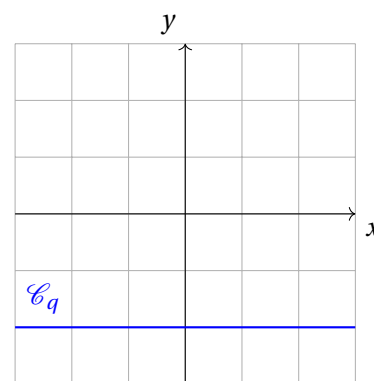
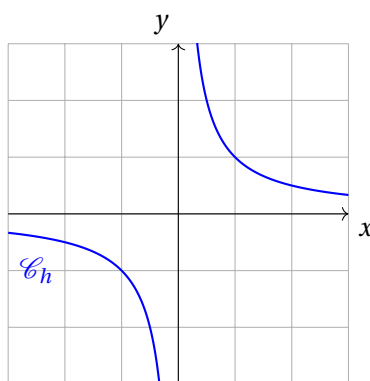
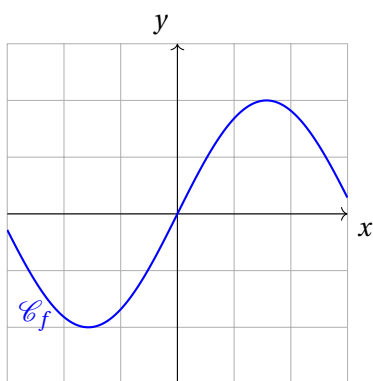
$$f: \mathbb{R}^* \longrightarrow \mathbb{R} \\ x \longmapsto f(x) = \frac{2x-3}{x-1}$$

1. Peut-on déterminer l'image 1 par la fonction f ? Quelle est alors le domaine de définition de f ?
2. Déterminer les images de 0, -1 et $-\frac{1}{2}$ par la fonction f .
3. Déterminer les antécédents de 0, 1 et -2 par la fonction f .

B - Courbe représentative

★★☆☆☆ EXERCICE 2 (Fonction ou pas?) ⌚

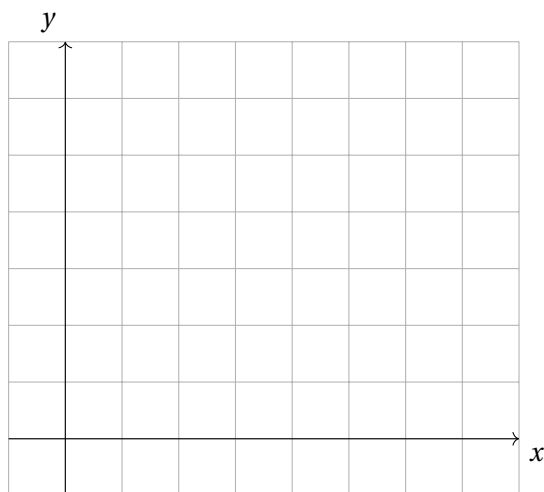
Parmi les graphiques proposés, lesquels correspondent à la représentation d'une fonction?



★★★☆☆ EXERCICE 3 (Tracer) ⌚

Considérons la fonction suivante : $f: x \mapsto \frac{2}{x} - 2$.

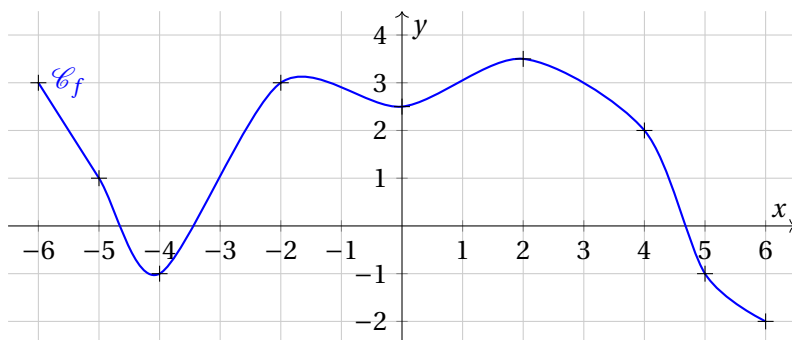
1. Le nombre réel 0 appartient-il au domaine de définition de f ?
2. Pour la suite on se restreindra à l'étude de la fonction f sur l'intervalle $]0, 2]$.
 - (a) Établir un tableau de valeurs avec un pas de 0,25.
 - (b) Tracer la courbe représentative de la fonction f .



- (c) Tracer la courbe représentative de la fonction f sur votre calculatrice et vérifier si elle est semblable à celle tracer dans la question précédente.

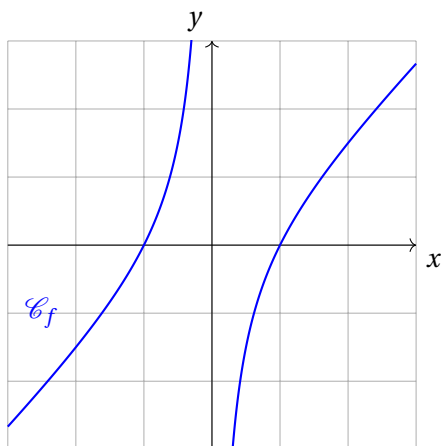
★★★☆☆ EXERCICE 4 (Lecture graphique #1)..... ⌚

Dans le repère ci-dessous, on trace la courbe représentative de la fonction f .



- Donner le domaine de définition de f .
- Donner l'image de 2 puis 4.
- Donner $f(-5)$ puis $f(-2)$.
- Combien le réel 2 a-t-il d'antécédents par la fonction f ?
- Déterminer tous les antécédents de -1 par f .

★★★☆☆ EXERCICE 5 (Appartient?)..... ⌚



Considérons la fonction $f : x \mapsto x - \frac{1}{x}$ et traçons son graphe ci-contre.

- Le nombre réel 0 appartient-il au domaine de définition de f ?
- Pour chacun des points suivants, dire s'il appartient ou non à C_f .

(a) $A(0,5)$

(b) $B(-2,-1,5)$

(c) $C(1,0)$

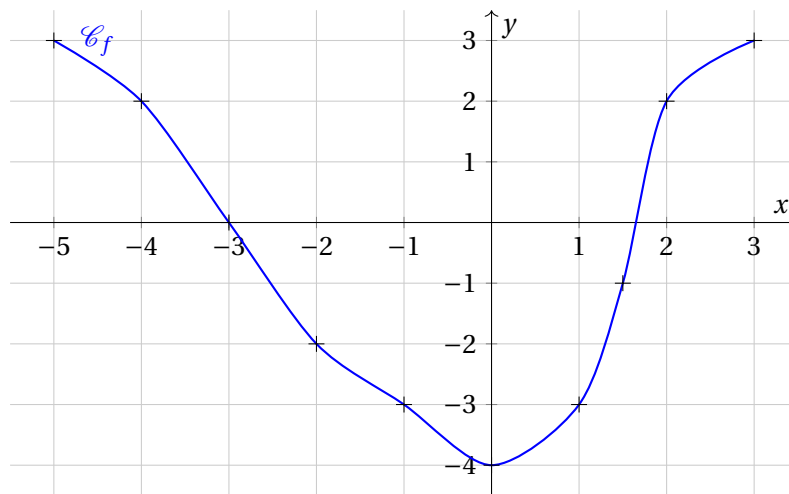
(d) $D\left(4, \frac{15}{4}\right)$

(e) $E(-5,-4,8)$

(f) $F(9,9)$

★★★☆☆ EXERCICE 6 (Lecture graphique #2)..... ⌚

Dans le repère ci-dessous, on trace la courbe représentative de la fonction f .



1. Donner le domaine de définition de f .
2. Donner l'image de -3 puis 2.
3. Donner $f(-5)$ puis $f(3)$.
4. Combien le réel 0,5 a-t-il d'antécédents par la fonction f ?
5. Déterminer tous les antécédents de -3 par f .

C - Fonction paire - fonction impaire

★★★☆☆ EXERCICE 7 (Paire? Impaire?)..... ⌚

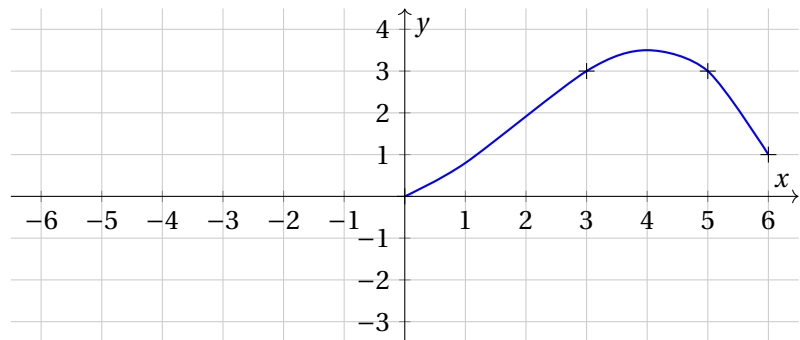
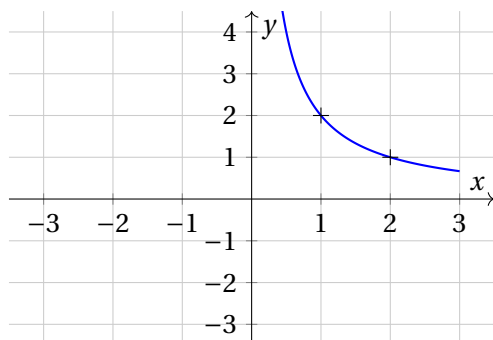
Soit f et g deux fonctions définies sur $\mathbb{R}$ par :

$$f(x) = 3x^4 + \frac{3}{x^2 + 3} \quad \text{et} \quad g(x) = 2x^3 - 5x$$

1. (a) Pour $x \in \mathbb{R}$, déterminer $f(-x)$;
(b) Comparer $f(x)$ et $f(-x)$.
Que peut-on conclure sur f ?
2. (a) Pour $x \in \mathbb{R}$, déterminer $g(-x)$;
(b) Comparer $g(x)$ et $g(-x)$.
Que peut-on conclure sur g ?

★★☆☆☆ EXERCICE 8 (Compléter...)..... ⌚

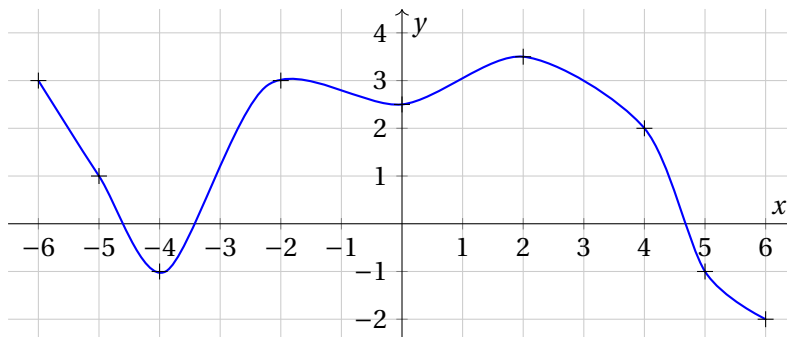
Dans chaque cas, compléter la courbe en **rouge** pour qu'elle représente une fonction paire, puis en **vert** pour qu'elle représente une fonction impaire.



D - Variation d'une fonction

★★★★☆ EXERCICE 9 (Graphiquement) (✓)

Dresser le tableau de variation de la fonction f dont la courbe représentative est représentée ci-dessous.



★★★☆☆ EXERCICE 10 (Sens de variation) (⌚)

Dans chaque dresser le tableau de variations de la fonction définie sur $\mathbb{R}$.

- | | | |
|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------------|
| 1. $f_1 : x \mapsto 3x - 1$ | 3. $f_3 : x \mapsto 2x - 8$ | 5. $f_5 : x \mapsto 4(2 - 3x)$ |
| 2. $f_2 : x \mapsto -x + 2$ | 4. $f_4 : x \mapsto -5x - 15$ | 6. $f_6 : x \mapsto 5x + 3(1 - 9x)$ |

★★★★☆ EXERCICE 11 (Fonction carré) (⌚)

Étudier le sens de variation de la fonction carré sur $\mathbb{R}$

$$f : x \mapsto x^2$$

On pourra ensuite dresser son tableau de variations.

★★★★☆ EXERCICE 12 (Fonction du second degré # 1) (⌚)

Étudier le sens de variation de la fonction suivante définie sur $\mathbb{R}$

$$f : x \mapsto 2(x^2 - 1) - 5$$

★★★★★ EXERCICE 13 (Fonction du second degré # 2) (⌚)

On considère une fonction f définie sur l'intervalle $I = [-1, +\infty[$ par :

$$f(x) = (x + 1)^2$$

1. Tracer la fonction f sur votre calculatrice et conjecturer son sens de variation sur I .
2. Pour $a \in I$, montrer que $a + 1 \in \mathbb{R}_+$.
3. À l'aide du sens de variation de la fonction carré sur $\mathbb{R}_+$, déterminer le sens de variation sur I .

★★★★★ EXERCICE 14 (Fonction racine carrée) (⌚)

On considère la fonction racine carrée $f : x \mapsto \sqrt{x}$.

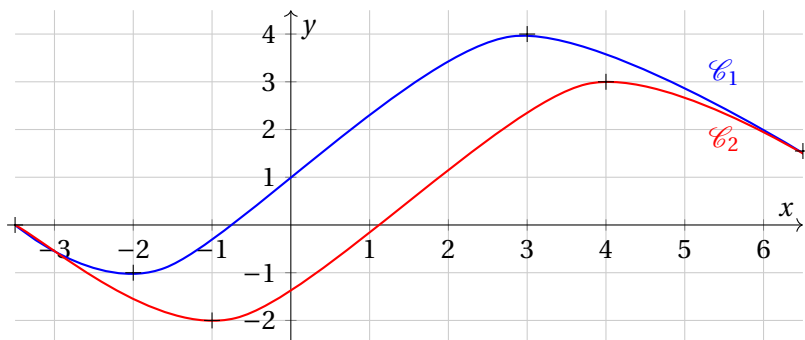
1. Donner le domaine de définition de la fonction racine carrée.
2. Montrer que pour $0 \leq x < y$ on a :

$$y - x = (\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{y} + \sqrt{x})$$

3. En déduire le sens de variation de la fonction racine carrée..

★★★☆☆ EXERCICE 15 (Courbes) (🕒)

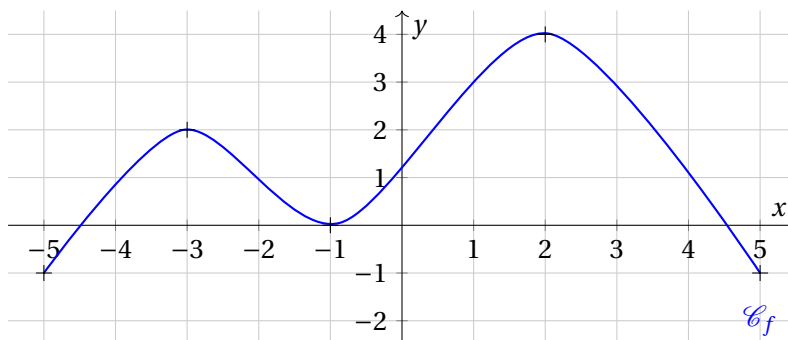
Voici les courbes représentatives $\mathcal{C}_1$ et $\mathcal{C}_2$ de deux fonctions, respectivement f et g .



Dresser le tableau de variations de chacune de ces deux fonctions à l'aide des courbes représentatives ci-dessus.

★★☆☆☆ EXERCICE 16 (Maximum - minimum) (🕒)

Considérons une fonction f représentée ci-dessous



1. Dresser le tableau de variation de f .
2. Déterminer le maximum de f sur $[-5, 0]$
3. Déterminer le maximum de f sur $[-3, 2]$
4. Déterminer le maximum et le minimum de f sur son domaine de définition et donner en quelles valeurs sont atteints le maximum et le minimum.

★★★☆☆ EXERCICE 17 (À l'aide d'un tableau) (🕒)

x	-10	-5	-3	-1	0	5	6	10
Variations de f	3	1	2	6	5	-4	-2	0

1. Quel est le maximum de f sur $[-10, 10]$? Le minimum de f sur $[-10, 10]$?
2. Recopier et compléter le plus précisément possible.

(a) Pour tout $x \in [-10, -5]$, $\dots \leq f(x) \leq \dots$

(b) Pour tout $x \in [-5, 5]$, $\dots \leq f(x) \leq \dots$

3. Réaliser, si possible, la comparaison des images des nombres suivants :

(a) -5 et 5;

(b) -4 et 5;

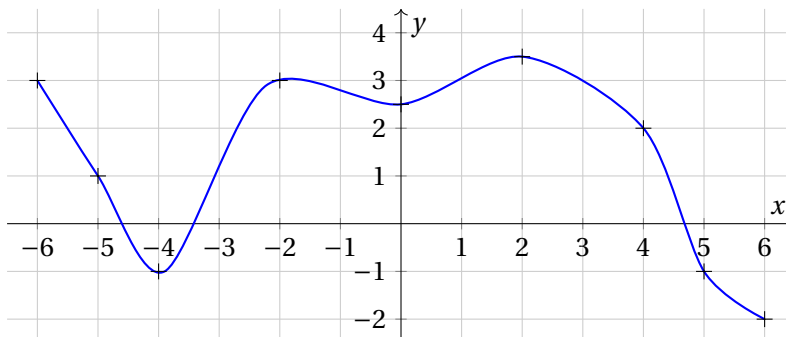
(c) -6 et 4;

(d) -8 et -4.

E - Résolution graphique

★★☆☆☆ EXERCICE 18 (Résolution #1) ⌚

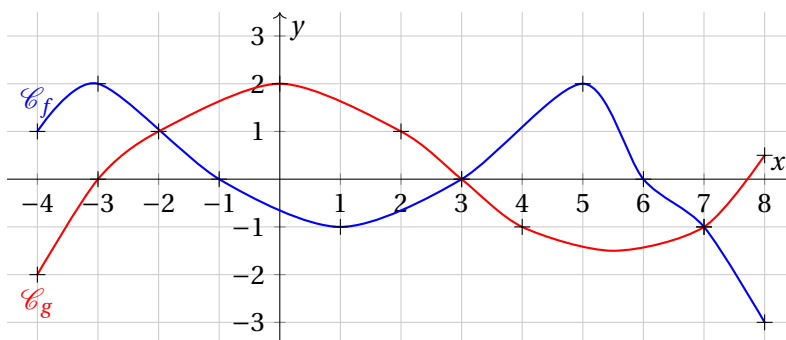
Soit f la fonction dont la courbe représentative est représentée ci-dessous :



1. Résoudre graphiquement : $f(x) = 3$.
2. Déterminer le nombre de solutions de l'équation $f(x) = -0,5$. Et pour $f(x) = 4$?
3. Résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) > 0$.
Puis dresser le tableau de signes de f .

★★☆☆☆ EXERCICE 19 (Résolution #2) ⌚

Soient f et g deux fonctions définies sur $[-4, 8]$, on représente ci-dessous leur courbe dans un repère orthonormé.



1. Dresser les tableaux de signes de f et g .
2. Résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) = g(x)$.
3. Résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) \leq g(x)$.
4. On considère alors la fonction $h : x \mapsto f(x) - g(x)$.
Résoudre alors l'équation $h(x) = 0$.
5. Dresser le tableau de signes de la fonction h .

F - Problème

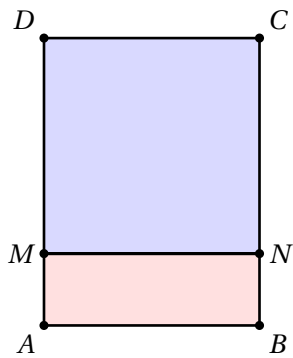
★★★★☆ EXERCICE 20 (Optimisation) ①

$ABCD$ est un rectangle tel que $AB = 4$ et $AD = 6$.

M est un point du segment $[AD]$ et N le point de $[BC]$ tel que $ABNM$ soit un rectangle.

On pose $x = AM$ puis on modélise l'aire du triangle DMN en fonction de x par une fonction f .

De même on modélise l'aire du rectangle $ABNM$ en fonction de x par une fonction g .



1. Exprimer l'aire du rectangle DMN en fonction de x .
2. Exprimer l'aire du rectangle $ABNM$ en fonction de x .
3. Donner l'ensemble de définition des fonctions de f et g .
4. Résoudre l'équation $f(x) = g(x)$.
5. En déduire pour quelle valeur de x l'aire du triangle DMN est égale à l'aire du rectangle $ABNM$.
6. Tracer dans un repère orthonormé d'unité un carreau, les courbes représentatives des fonctions f et g .
7. Déterminer graphiquement, pour quelle valeur de x l'aire du triangle DMN est strictement supérieur à l'aire du rectangle $ABNM$.